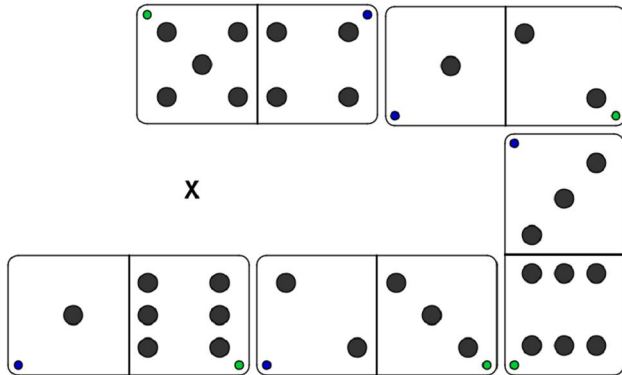


## CORRIGE DE L'ENIGME 9 : DOMINOS A DOMINER

Voici la multiplication juste.



$$\begin{array}{r} 5412 \\ \times \quad 3 \\ \hline 16236 \end{array}$$

## CORRIGE DU DEFI n° 9 : L'ASTUCE

1. En utilisant le logiciel, on constate que, si  $TU \approx 12$  cm et  $UC \approx 9$  cm, alors  $CE \approx 7$  cm. Prouvons-le.: Dans le quadrilatère croisé  $LCTS$ , le théorème de Thalès peut s'appliquer (configuration du papillon).

On a alors  $\frac{LC}{TS} = \frac{UC}{UT}$ , d'où  $\frac{LC}{TS} = \frac{3}{4}$ . Or  $LAST$  est un parallélogramme, donc  $LA = TS$ , d'où  $\frac{CA}{TS} = \frac{1}{4}$ .

On applique alors le théorème de Thalès au triangle  $ETS$  : on obtient  $\frac{CA}{TS} = \frac{EC}{ET}$ , d'où  $\frac{EC}{ET} = \frac{1}{4}$ .

Sachant que  $ET = 21 + EC$ , on obtient après produit en croix  $4 EC = 21 + EC$ , d'où  $3 EC = 21$ , d'où l'on déduit que  $EC = 7$  cm.

2. Description de la construction, à l'échelle  $\frac{1}{2}$  : on place le point  $T$  quelconque. On construit deux cercles de centre  $T$  et de rayon 6 et 10,5 cm. On choisit  $U$  quelconque sur le premier cercle, d'où l'on obtient  $C$  par alignement. On choisit  $S$  quelconque, la parallèle à  $(TS)$  passant par  $C$  coupe  $(SU)$  en  $L$ . Le point  $A$  est alors l'intersection de  $(LC)$  et de la parallèle à  $(TL)$  passant par  $S$ . Le point  $E$  cherché est alors le point d'intersection des droites  $(TU)$  et  $(SA)$ .

*Ci-dessous, la construction à l'échelle  $\frac{1}{2}$ .*

