

FONCTION EXPONENTIELLE

A FORMULES ALGEBRIQUES

$$e^a \times e^b = e^{a+b} \qquad e^{-a} = \frac{1}{e^a}$$

$$\frac{e^a}{e^b} = e^{a-b} \quad n \text{ est un entier relatif} \quad (e^a)^n = e^{na}$$

$$e^a = e^b \quad \text{ssi} \quad a = b \qquad e^a < e^b \quad \text{ssi} \quad a < b$$

l' équation $e^x = m$ n' a pas de solution si $m \leq 0$

l' équation $e^x = m$ a pour solution $x = \ln(m)$ si $m > 0$

$$e^{\ln x} = x \quad \text{si} \quad x > 0 \qquad \ln(e^x) = x \quad \forall x \in \mathbf{R}$$

B LA FONCTION EXPONENTIELLE

$$(e^x)' = e^x \qquad (e^u)' = u' \times e^u$$

pour tout réel x $e^x > 0$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$$

$$\text{si } \alpha > 0 \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^\alpha} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0$$

$$\text{si } \alpha > 0 \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} x^\alpha \times e^x = 0$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^h - 1}{h} = 1$$

si $f(x) = e^x$ alors f est strictement croissante sur \mathbf{R}

